

فهرست مطالب

فصل ۱. مفاهیم بنیادی	۱
مقدمه	۱
نظریهٔ مجموعه‌ها	۲
دنباله و سری	۴
مجموعه‌های متناهی، شمارا و ناشمارا	۱۳
مجموعه‌های فشرده	۱۸
توپولوژی	۲۲
تمرین	۲۹
فصل ۲. انتگرال گیری مجرد	۳۴
مقدمه	۳۴
مفهوم اندازه‌پذیری	۳۵
خواص مقدماتی اندازه‌ها	۵۴
انتگرال گیری از توابع مثبت	۵۸
انتگرال گیری از توابع مختلط	۷۴
نقش مجموعه‌های با اندازه صفر	۸۳

تمرین	۹۳
فصل ۳. اندازه‌های بورل مثبت	۹۵
فضای برداری	۹۵
مقدمات توپولوژی	۹۶
قضیه نمایش ریس	۱۰۹
خواص انتظام اندازه بورل	۱۲۶
اندازه لبگ	۱۳۲
خواص پیوستگی توابع اندازه‌پذیر	۱۴۳
تمرین	۱۵۰
فصل ۴. فضاها L^p	۱۵۶
توابع محدب و نامساوی‌ها	۱۵۶
فضاهای L^p	۱۶۶
تقریب به وسیله توابع پیوسته	۱۷۶
قضیه هان باناخ و کاربردهای آن	۱۸۵
تمرین	۱۹۴
فصل ۵. نظریه مقدماتی فضاها هیلبرت	۲۰۱
حاصل ضرب‌های داخلی و تابعی‌های خطی	۲۰۱
مجموعه‌های متعامد یکه	۲۱۹

۲۳۵	سری‌های مثلثاتی
۲۴۱	تمرین
۲۴۲	مراجع
۲۴۶	واژه‌نامه‌ی انگلیسی به فارسی
۲۵۶	واژه‌نامه‌ی فارسی به انگلیسی